RECHERCHES SUR LES POSSIBILITÉS D'EMPLOI DE LA BARYMÉTRIE CHEZ LES BOVINS

B. VISSAC

avec la collaboration technique de M. LE ROUILLY

*Station centrale de Génétique animale,
Centre national de Recherches zootechniques, 78 - Jouy-en-Josas*

SOMMAIRE

A l'occasion de la mise au point de formules de barymétrie sur des échantillons d'animaux de sexes, d'âges et d'états d'engraissement variés et appartenant à des races exploitées en France on a fait un certain nombre d'études sur les possibilités et conditions d'utilisation de cette méthode.

L'intérêt d'un emploi séparé ou combiné des 2 mesures les plus efficaces pour estimer le poids vif (tour de poitrine et tour spiral) est discuté. L'adjonction de la 2^e mesure à la première dans une équation de régression linéaire est surtout intéressante pour des animaux adultes.

La précision des ajustements linéaires utilisant les puissances entières d'ordre 1,2 ou 3 de ces 2 variables est étudiée. L'emploi des puissances supérieures à 1 n'est justifié que pour les échantillons de bovins en croissance : dans ce cas, le meilleur ajustement correspond en général à la puissance 2 du tour de poitrine et à la puissance 3 du tour spiral.

Les paramètres statistiques de ces ajustements varient suivant les échantillons avec le sexe, la race et l'âge moyen des animaux. L'incidence de l'état d'engraissement sur ces paramètres semble plus accusée avec le tour de poitrine qu'avec le tour spiral.

La précision des 2 mesures envisagées est étudiée et analysée en fonction de la technique opératoire.

L'intérêt respectif des estimations directe et indirecte du poids vif en vue du contrôle de descendance réalisé dans les fermes est enfin discuté : la 2^e méthode est théoriquement préférable si le coût unitaire de son emploi est inférieur de 10 p. 100 au coût de la pesée.

I. — INTRODUCTION ET BUT DU TRAVAIL

Le contrôle du poids des animaux a pris, ces dernières années, une importance croissante dans le cadre des opérations de contrôle zootechnique des bovins. Chez le jeune animal, il constitue l'élément de base du contrôle de la vitesse de croissance indispensable tant pour la sélection que pour l'étude des plans d'alimentation ou des méthodes d'élevage. On désire, par ailleurs, connaître le format de la femelle adulte, dont dépendent ses besoins d'entretien, pour le rapporter à sa production de lait.

GRAPHIQUE 1. — *Mensurations de l'animal vivant* X_3 : hauteur au garrot X_4 : hauteur de poitrine X_5 : longueur totale X_6 : longueur du bassin X_7 : tour de canon X_8 : largeur de poitrine X_9 : largeur aux hanches X_{10} : largeur aux trochanters. GRAPHIQUE 2. — *Tour de poitrine (X_1). Tour spiral (X_2).*

1. pointe du sternum

2. milieu du bras

3. limite dos-rein

4. une main sous la hanche.

5. périnée

La pesée du bovin, au-delà de 200 kg tout au moins, nécessitant l'emploi d'une bascule, le coût de l'opération s'avère bien souvent plus élevé que le bénéfice que l'on peut attendre de la connaissance de ce poids. Par ailleurs, l'objectif zootechnique étant souvent la détermination de poids moyens, de croissances moyennes de lots d'animaux issus de différentes fermes, de différents taureaux ou soumis à des régimes divers, l'erreur sur la moyenne dépend plus des fluctuations d'échantillonnage du groupe considéré que des variations aléatoires du résultat d'une pesée ; on peut alors être conduit à préférer une méthode grossière utilisable sur un effectif important plutôt qu'une technique très précise réalisable, pour le même coût, sur un nombre d'animaux restreint. Ces deux considérations peuvent expliquer l'intérêt d'une estimation indirecte du poids par des mesures corporelles simples.

Dans une étude préliminaire (DELAGÉ et *al.*, 1955) une revue bibliographique des recherches consacrées à cette méthode a été effectuée. Les premières recherches personnelles que nous avons conduites nous ont ensuite amené à proposer une méthode d'estimation du poids vif des femelles adultes et de jeunes bovins de race *Normande* par barymétrie (LE ROUILLY et *al.*, 1958; VISSAC, 1959). Cette méthode a été étendue et appliquée aux bovins des différentes races françaises en liaison avec l'Union nationale des Livres généalogiques (NEUVY, 1962).

Le but de ce mémoire est de rassembler les résultats de recherches effectuées par nous-même, en France, de 1955 à 1962, pour justifier la méthode proposée d'un part, pour en définir les conditions et limites d'application d'autre part.

II. — MATÉRIEL D'ÉTUDE

Le matériel animal utilisé pour ces études était constitué d'échantillons de bovins de races, de sexes, d'âges et d'états d'engraissement variés et contrôlés soit à l'occasion du Concours général agricole (1952-1955), soit dans des abattoirs : La Villette, Lisièux (1954-1958), ou dans des fermes à l'occasion d'opérations de contrôle d'aptitude (1959-1963) : contrôle laitier ou contrôle de croissance. Les caractéristiques de ces échantillons que nous désignerons par E_i sont rassemblées sur le tableau 1. Une partie de ce matériel d'étude a été utilisée à l'occasion de premières recherches effectuées sur ce sujet : les échantillons correspondants et les recherches auxquelles ils ont donné lieu sont précisés également sur le tableau 1.

Les poids de carcasse (Y) ont été obtenus sur des carcasses froides et dégraissées ; les poids vifs (Y) correspondent à des pesées effectuées à des heures variables de la journée et sans tenir compte de l'heure des repas. Les mensurations envisagées sont représentées schématiquement sur les graphiques 1 et 2 ; nous utiliserons pour les désigner dans la suite de ce texte les abréviations (X_1) figurant au bas de ces graphiques. Elles étaient réalisées par un seul opérateur et une fois par animal ; la longueur totale (X_2) et le tour spiral (X_3) étant systématiquement répétés.

III. — RÉSULTATS STATISTIQUES

La recherche d'une estimation statistique du poids par des mensurations comporte plusieurs étapes que nous aborderons successivement :

- le choix des mesures à retenir pour cette estimation ;
- le choix du type d'ajustement statistique le plus précis ;
- l'étude des facteurs de variation de l'équation d'estimation ;
- la comparaison des avantages théoriques et économiques de cette méthode par rapport à la pesée.

TABLEAU I
Caractéristiques du matériel animal

Désignation de l'échantillon	Poids moyen (kg)	Sexe	Age des animaux	Race	Effectif	Organisme ayant collecté les mesures	Année ⁽⁴⁾	Divers
Concours général agricole	E ₁	Femelle	Adultes	Normande	40	I. N. R. A.	1952 à 1955	DELAGE et al. (1955) ⁽⁸⁾
	E ₂	—	—	Pie Noire	49	I. N. R. A.		
	E ₃	—	—	Pie Rouge	45	I. N. R. A.		
	E ₄	Mâle	—	Normande	24	I. N. R. A.		
	E ₅	—	—	Pie Noire	22	I. N. R. A.		
	E ₆	—	—	Pie Rouge	21	I. N. R. A.		
Abattoirs	E ₇	Femelle	Adultes	Normande ⁽¹⁾	59	I. N. R. A.	1954	Poids de carcasse considéré seul
	E ₈	—	—	Pie Noire ⁽²⁾	64	I. N. R. A.	1954	
	E ₉	—	—	Normande	165	I. N. R. A.	1957	
Ferme	E ₁₀	Mâle	Veaux ⁽⁶⁾	Charolaise	126	I. N. R. A.	1958	
	E ₁₁	Femelle		—	125	I. N. R. A.	1961	
	E ₁₂	Mâle		Limousine	762	St. Cont. Crois. ⁽²⁾	1961	
	E ₁₃	Femelle	—	—	749			
	E ₁₄	Mâle	Jeunes ⁽⁶⁾	Normande	190	D. S. A. (Orne) ⁽³⁾	1960	VISSAC (1959) ⁽⁸⁾
	E ₁₅	Femelle		—	87			
	E ₁₆	—		Breuve des Alpes	91	I. N. R. A.	1959	
	E ₁₇	—	—	Pie Noire	79	D. S. A. (Ardenne)	1961	
	E ₁₈	—	—	Salers	82	D. S. A. (Cantal)	1962	
	E ₁₉	Femelle	Adultes	Breuve des Alpes	215	I. N. R. A.	1955	Rameau Abondance
	E ₂₀	—		Pie Rouge	178	Herd-Book	1962	Rameau Mombétiard
	E ₂₁	—		Pie Rouge	56	I. N. R. A.	1959	
	E ₂₂	—		Pie Noire	184	D. S. A. (Ardenne)	1961	
	E ₂₃	—		Limousine	240	St. Cont. Crois.	1961	
	E ₂₄	—		Salers	208	D. S. A. (Cantal)	1962	
	E ₂₅	Mâle	2 ans	Charolaise	46	I. N. R. A.	1958	Bœufs maigres
	E ₂₆			Charolaise	102	I. N. R. A.	1958	Bœufs gras

⁽¹⁾ Institut national de la Recherche agronomique (I. N. R. A.).

⁽²⁾ Syndicat de contrôle de croissance.

⁽³⁾ Direction des Services agricoles (Département).

⁽⁴⁾ Année de début de la collecte des mesures.

⁽⁵⁾ Veaux non sevrés ou en cours de sevrage (races à viande).

⁽⁶⁾ Bœufs ou génisses d'élevage de races laitières (6 mois à 2 ans).

⁽⁷⁾ Classement commercial de ces animaux également connu.

⁽⁸⁾ Référence de recherches auxquelles ont déjà donné lieu ces échantillons.

Ces diverses études ont, pour des raisons d'ordre pratique ou liées à la nature du problème, porté sur tout ou partie des échantillons ci-dessus. Nous les présenterons néanmoins dans un ordre logique et d'une façon analytique.

CHOIX DES MESURES

Étude préliminaire

Une étude préliminaire a été effectuée en 1958 sur l'échantillon E_9 = vaches Normandes de réforme.

Les coefficients de corrélation simple entre le poids vif (Y) ou le poids de carcasse (Y') et chacune des mensurations (X'_i) r_{Y, X_i} , r_{Y', X_i} font apparaître l'intérêt du tour de poitrine (X_1) et du tour spiral (X_2) en vue de l'estimation du poids par une équation linéaire :

$$\widehat{Y} \text{ ou } \widehat{Y'} = f(X_i) \text{ (tabl. 2).} \quad (1)$$

Lorsque ces 2 variables sont associées dans une équation de régression linéaire multiple de la forme :

$$\widehat{Y} \text{ ou } \widehat{Y'} = f(X_1, X_2), \quad (2)$$

les coefficients de corrélation multiple sont respectivement de 0,805 pour Y contre 0,756 et 0,721 pour les coefficients de corrélation simples r_{Y, X_1} , r_{Y, X_2} , de 0,846 pour Y' contre 0,802 et 0,745 pour r_{Y', X_1} et r_{Y', X_2} . Les écarts-types des distributions de $(Y - \widehat{Y})$ et $(Y' - \widehat{Y'})$, dans le cas de l'équation (2), sont respectivement de 24,68 kg et de 12,57 kg.

L'adjonction d'une 3^e variable aux deux précédentes dans une équation de régression linéaire :

$$\widehat{Y} \text{ ou } \widehat{Y'} = f(X_1, X_2, X_i) \quad (3)$$

n'améliore pas sensiblement la valeur de la prédiction (tabl. 2) ; les coefficients de

TABLEAU 2

Précision des ajustements linéaires à 1 variable (X_1) ou à 3 variables (X_1, X_2, X_i)

Mensurations X_i	Ajustement à 1 variable		Ajustement à 3 variables			
	r_{Y, X_i}	r_{Y', X_i}	$r_{Y, X_1 X_2 X_i}$	$r_{Y, X_1 X_2 X_i}$	$\sigma_{(Y - \widehat{Y})}$	$\sigma_{(Y' - \widehat{Y'})}$
X_1	0,756	0,802				
X_2	0,721	0,745				
X_3	0,498	0,531	0,805	0,846	24,55	12,46
X_4	0,387	0,431	0,803	0,846	24,65	12,46
X_5	0,605	0,608	0,805	0,844	24,53	12,55
X_6	0,413	0,460	0,804	0,806	24,63	12,48
X_7	0,323	0,433	0,804	0,856	24,60	12,10
X_8	0,505	0,531	0,814	0,854	24,07	12,16
X_9	0,283	0,273	0,809	0,846	24,31	12,45

corrélation multiple $r_{Y, X_1 X_2 X_i}$ et $r_{Y', X_1 X_2 X_i}$ et les écarts-types des distributions résiduelles sont très voisins de ceux obtenus ci-dessus avec X_1 et X_2 seuls.

Il en est de même lorsque l'on s'intéresse à l'équation linéaire englobant les 9 variables considérées :

$$\widehat{Y} \text{ ou } \widehat{Y'} = f(X_1 \cdots X_i). \quad (4)$$

Les coefficients de régression obtenus (a_i) (tabl. 3) ne sont significativement différents de 0 (au seuil de 1 p. 100) que pour X_1 et X_2 . Les valeurs obtenues sont seulement à la limite du seuil de signification pour X_7 et X_8 .

TABLEAU 3

Ajustement linéaire à 9 variables.

$$\widehat{Y} = \sum a_i X_i + b,$$

$$\widehat{Y'} = \sum a'_i X_i + b'.$$

X_i	Y		Y'	
	a_i	$t(a_i)$	a'_i	$t(a'_i)$
X_1	2,29	5,70 ++	1,46	7,30 ++
X_2	1,96	3,30 ++	0,96	3,30 ++
X_3	0,08	0,13	0,15	0,48
X_4	0,89	1,00	0,80	1,82
X_5	1,07	0,81	0,11	0,17
X_6	0,33	0,38	0,17	0,30
X_7	0,59	1,49	1,56	3,08 ++
X_8	2,20	1,58 +	1,31	2,41 +
X_9	0,32	1,52	0,11	1,07

Étude globale

Pour les échantillons d'animaux suivis de 1959 à 1964 nous n'avons contrôlé, à la suite de cette première étude, que le tour de poitrine (X_1) et le tour spiral (X_2). Nous avons cherché à établir l'intérêt respectif de ces mesures dans l'estimation du poids. Les écarts-types des distributions résiduelles sont rassemblés dans le tableau 4 pour l'ensemble de ces échantillons et avec :

$$\widehat{Y}_1 = f(X_1) (\sigma_1);$$

$$\widehat{Y}_2 = f(X_2) (\sigma_2);$$

$$\widehat{Y}_3 = f(X_1, X_2) (\sigma_3).$$

Nous étudierons successivement :

— l'intérêt respectif des estimations à partir du tour de poitrine et du tour spiral considérés isolément ($\widehat{Y}_1$ et $\widehat{Y}_2$) ;

— l'intérêt d'une estimation à partir de ces 2 variables (X_1 , X_2) par rapport à celle fournie par X_1 seul, la mesure de X_2 (tour spiral) étant délicate à réaliser ($\hat{Y}_1$ et $\hat{Y}_3$)

TABLEAU 4

Comparaison des erreurs d'ajustement (kg) des équations de régression

	Désignation de l'échantillon	σ_1	σ_2	σ_3	$\sigma_1 - \sigma_3$	$\sigma_1 - \sigma_2$
Concours général	E ₁	44,44	37,41	29,47	14,97	+ 4,09
	E ₂	33,91	31,66	24,51	9,40	+ 2,25
	E ₃	32,02	37,70	24,22	7,80	— 5,68
	E ₄	59,04	63,63	36,35	22,68	— 4,59
	E ₅	48,63	49,25	28,20	20,43	— 0,62
	E ₆	55,19	63,80	42,62	13,57	— 8,61
Abattoirs	E ₇	26,02	25,13	21,66	4,36	+ 0,89
	E ₈	28,05	27,81	21,91	6,14	+ 0,24
	E ₉	15,68	14,03	12,58	3,10	+ 1,65
Ferme	E ₁₀	23,21	29,25	19,79	3,42	— 6,04
	E ₁₁	16,42	25,18	15,27	1,15	— 8,76
	E ₁₂	17,92	26,00	17,28	0,64	— 8,08
	E ₁₃	15,40	20,77	14,50	0,90	— 5,37
	E ₁₄	26,63	27,46	23,69	2,94	— 0,83
	E ₁₅	26,33	23,61	21,86	4,47	+ 2,72
	E ₁₆	25,49	22,68	18,43	7,06	+ 2,81
	E ₁₇	27,57	29,25	19,21	8,36	— 1,68
	E ₁₈	21,67	30,82	21,67	0,00	— 9,15
	E ₁₉	33,12	38,37	29,77	3,35	— 5,25
	E ₂₀	32,81	36,25	29,81	3,00	— 3,44
	E ₂₁	40,64	34,51	29,41	11,23	+ 6,13
	E ₂₂	38,62	36,61	31,13	7,49	+ 2,01
	E ₂₃	33,24	35,63	29,74	3,50	— 2,39
	E ₂₄	33,90	34,67	29,85	3,05	— 2,39
	E ₂₅	25,17	18,67	16,96	8,21	+ 6,50
	E ₂₆	41,21	36,79	32,57	8,64	+ 4,42

Comparaison des estimations $\hat{Y}_1$ et $\hat{Y}_2$.

Dans le cas des veaux de moins d'un an en races de boucherie, le tour de poitrine fournit une estimation meilleure que le tour spiral : la variance résiduelle est de 5 à 8 p. 100 plus faible. Pour les échantillons d'animaux dont l'âge varie entre 6 mois et 2-3 ans, l'intérêt du tour spiral est plus grand : on remarque même une certaine liaison entre l'âge moyen des échantillons d'animaux en croissance et la différence $\sigma_1 - \sigma_2$.

En ce qui concerne les animaux adultes, les résultats sont plus variables : le tour de poitrine paraît plus intéressant pour les échantillons de taureaux adultes

(E_4 , E_5 , E_6) et le tour spiral pour ceux de bœufs *Charolais* (E_{25} , E_{26}). Dans le cas des femelles, les résultats fournis par X_1 et X_2 semblent plus comparables, le tour spiral donnant en général de meilleures estimations du poids dans les races *Normande* et *Pie noire*, le tour de poitrine paraissant au contraire plus intéressant dans les races *Pie rouge*, *Brune des Alpes*, *Salers* et *Limousine*, c'est-à-dire dans les races de montagne et semi-montagne. Ces résultats ressortent clairement de l'examen du graphique 3.

GRAPHIQUE 3. — Représentation schématique des différences suivant les principales caractéristiques des échantillons
(poids moyen, sexe, race, âge)

B = *Brune des Alpes*
F = *Pie Noire*
L = *Limousine*
N = *Normande*
P = *Pie Rouge*
C = *Charolaise*

	Jeunes	Adultes
Mâles.....	○	●
Femelles.....	△	▲
■ Poids de carcasse		

Comparaison des estimations $\hat{Y}_1$ et $\hat{Y}_3$.

L'incorporation du tour spiral dans une équation linéaire à 2 variables réduit l'écart-type de la distribution résiduelle de 1 à 22 kg suivant les cas. Cette réduction est surtout sensible pour les taureaux adultes (13 à 22 kg), dans le cas des vaches adultes de concours (3 à 10 kg) et pour les autres échantillons de femelles adultes ou en croissance. En ce qui concerne les veaux de moins d'un an, l'amélioration de précision apportée par l'utilisation du tour spiral est négligeable.

RECHERCHE D'UN TYPE D'AJUSTEMENT

Formules empiriques

Nous avons d'abord étudié sur les échantillons E_1 , E_2 , E_3 l'efficacité statistique des 3 formules empiriques le plus couramment citées et employées :

formules de Crevat : $Y = 80 X_1^3$;

$Y = 40 X_2^3$;

formule de Quetelet : $Y = 87,5 X_1^2 \times X_5$.

Cette efficacité est exprimée dans chaque cas par l'erreur moyenne, erreur dont la valeur tient compte à la fois des fluctuations systématiques et aléatoires de l'expression considérée autour du poids (tabl. 5).

TABLEAU 5

Erreurs moyennes liées à l'emploi des formules empiriques (kg)

Type de formule	$Y = 80 X_1^3$	$Y = 40 X_2^3$	$Y = 87,5 X_1^2 X_5$
Échantillon $\begin{cases} E_1 \\ E_2 \\ E_3 \end{cases}$	$\begin{cases} 43,4 \\ 32,5 \\ 36,6 \end{cases}$	$\begin{cases} 62,8 \\ 43,4 \\ 28,2 \end{cases}$	$\begin{cases} 57,1 \\ 61,2 \\ 71,8 \end{cases}$

En dehors du fait évident que ces formules fournissent des erreurs nettement plus élevées que celles correspondant aux ajustements statistiques, il semble que la formule du Crevat $Y = 80 X_1^3$ donne, dans l'ensemble, les meilleurs résultats.

*Ajustements linéaires utilisant les puissances entières de
 X_1 et X_2*

La curvilinearité des liaisons entre les mesures corporelles et le poids, dans les échantillons considérés en pratique, a poussé les chercheurs (JOHANSSON et HILDEMAN, 1954) à rechercher des ajustements non linéaires et notamment de la forme :

$$\hat{Y} = aX_i^{n_i} \quad \text{ou} \quad a \prod X_i^{n_i}$$

c'est-à-dire à ajuster des liaisons linéaires à partir des valeurs logarithmiques des variables.

Dans une précédente publication (VISSAC B., 1959) nous avons montré à ce sujet, sur des données des échantillons 14 et 15 qu'un ajustement linéaire de la forme :

$$\hat{Y} = aX_1^n + bX_2^{n'} + c,$$

était aussi précis sinon plus que l'ajustement classique envisagé ci-dessus :

$$\widehat{Y} = aX_1^n \cdot X_2^{n'}.$$

Nous avons, dans cet esprit, étudié les ajustements à 1 ou 2 variables de la forme :

$$\widehat{Y} = aX_1^n + b$$

$$\widehat{Y} = aX_1^n + bX_2^{n'} + c,$$

avec n, n' entiers et tels que $3 \geq n, n' > 0$.

L'efficacité statistique de ces ajustements est exprimée par l'écart-type des différences $(Y - \widehat{Y})$, les valeurs obtenues sont présentées sur le tableau 6 où les échantillons ont été rassemblés en 7 groupes :

- A = (E₁ à E₃) femelles adultes ;
- B = (E₄ à E₆) taureaux ;
- C = (E₇ à E₉) femelles adultes (poids de carcasse) ;
- D = (E₁₀ à E₁₃) veaux de moins d'un an ;
- E = (E₁₄ à E₁₈) jeunes en croissance ;
- F = (E₁₉ à E₂₄) femelles adultes ;
- G = (E₂₅ et E₂₆) bœufs.

Ajustements ne faisant intervenir qu'une seule variable.

La précision des ajustements n'est pas sensiblement améliorée par l'emploi de puissances de X_1 ou X_2 dans le cas des échantillons de femelles adultes (E₁ à E₃ et E₁₉ à E₂₄) ; l'écart-type des différences n'est pas réduit dans 3 cas sur 12 pour X_2 et 7 cas sur 12 pour X_1 , dans les autres cas la réduction maximum enregistrée est de 0,64 kg pour X_2 (E₂₁) et 0,40 kg pour X_1 (E₁). Dans le cas des échantillons de taureaux adultes, l'accroissement de précision est également faible (0,19 kg pour E₄ à 1,34 kg pour E₅). Par contre, pour les jeunes en croissance, l'emploi des puissances d'ordre 2 ou 3 de X_1 ou X_2 améliore assez nettement la prédiction du poids. L'écart-type des erreurs observées dans le cas de la régression linéaire simple sur X_1 et X_2 est réduit dans 8 cas sur 9 pour X_1 et dans 3 cas sur 9 pour X_2 jusqu'à 4,08 kg pour X_2 (E₁₅) et 3,26 kg pour X_1 (E₁₈). D'une façon plus analytique pour les échantillons d'animaux en croissance, la meilleure estimation est obtenue pour $n = 2$ dans le cas du tour de poitrine (6 cas sur 9) ; les résultats sont plus fluctuants dans le cas du tour spiral.

Ajustements faisant intervenir 2 variables.

Les résultats obtenus rejoignent ceux relatifs aux ajustements ne faisant intervenir qu'une variable : si on se réfère comme base de comparaison à la précision des estimations : $\widehat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$, l'écart-type des erreurs n'est réduit en moyenne que de 0,15 kg pour les femelles adultes et de 0,53 kg pour les taureaux adultes dans le cas du meilleur ajustement possible ($0 < n \leq 3, 0 < n' \leq 3$). Pour les échantillons de jeunes en croissance, la réduction moyenne de l'écart-type est plus appréciable : 2,61 kg (de 0,30 kg pour E₁ à 5,13 kg pour E₅).

TABLEAU 6

Écarts-types des distributions résiduelles

$$\widehat{Y} = a X_1^n + b X_2^{n'} + c$$

A	n				
n'		0	1	2	3
0		77,92	35,79	35,92	36,41
1		35,59	26,07	26,01	25,94
2		35,48	26,01	25,98	25,95
3		35,50	25,99	25,98	25,98

B	n				
n'		0	1	2	3
0		109,32	54,29	54,36	54,88
1		58,89	35,39	35,24	35,31
2		58,50	35,18	35,05	35,16
3		58,15	34,95	34,86	35,00

C	n				
n'		0	1	2	3
0		38,39	23,25	23,18	23,27
1		22,32	18,72	18,68	18,70
2		22,24	18,65	18,63	18,65
3		22,21	18,64	18,63	18,66

D	n				
n'		0	1	2	3
0		70,57	18,24	17,09	17,25
1		25,30	16,71	15,08	14,73
2		24,49	16,18	14,86	14,70
3		24,38	15,64	14,65	14,80

E	n				
n'		0	1	2	3
0		91,36	25,54	23,59	24,11
1		26,76	20,99	19,05	18,21
2		25,59	19,44	18,20	17,89
3		26,07	18,63	17,97	18,32

F	n				
n'		0	1	2	3
0		70,64	35,22	35,29	35,44
1		36,01	29,95	29,89	29,83
2		35,88	29,86	29,83	29,85
3		35,88	29,82	29,78	29,81

G	n				
n'		0	1	2	3
0		52,92	33,19	33,05	36,18
1		27,73	24,76	24,71	24,79
2		27,69	26,68	24,63	24,74
3		27,58	24,58	24,53	24,64

La meilleure estimation est obtenue pour ces échantillons de jeunes avec :

$n = 2, n' = 3$ pour 4 échantillons ;

$n = 3, n' = 3$ pour 3 échantillons ;

$n = 1, n' = 3$ pour 1 échantillon ;

$n = 3, n' = 3$ pour 1 échantillon.

Si nous rassemblons les échantillons correspondants à des types d'animaux homogènes (vaches adultes, taureaux adultes, jeunes en croissance, bœufs à l'engrais) pour obtenir une estimée commune de l'erreur d'ajustement, la meilleure précision est toujours fournie par l'expression :

$$\hat{Y} = aX_1^2 + bX_2^3 + c.$$

Les variations de cette erreur d'ajustement avec n et n' pour les échantillons de jeunes en croissance E_{10} à E_{18} sont représentées graphiquement (graph. 4).

Sur ce graphique la précision correspondant à une combinaison n, n' est exprimée verticalement par la différence entre l'erreur d'ajustement pour $n = 1$ et $n' = 1$ et l'erreur d'ajustement pour les valeurs de n et n' considérées.

GRAPHIQUE 4. — Précision des ajustements statistiques

$$Y = aX_1^n + bX_2^{n'} + c$$

Jeunes en croissance

± accroissement ou diminution de précision de n (ou de n') à $n + 1$ (ou $n' + 1$)

FACTEURS DE VARIATION DE PRÉCISION DE L'AJUSTEMENT LIÉS AUX CARACTÉRISTIQUES DE L'ÉCHANTILLON ANIMAL

Il est évident que la précision des ajustements utilisés dépend largement de l'homogénéité des populations bovines auxquelles ils sont appliqués. Pour accroître cette précision on peut être conduit à établir une formule pour chaque type de bovin

suivant sa race, son sexe, son état, son âge, etc. Toutefois, la multiplication des formules est incompatible avec l'utilisation pratique de la barymétrie qui doit rester simple. Le choix d'un « moyen terme » alliant la précision à la commodité nécessite de connaître :

1^o Le sens et l'importance des variations de l'ajustement statistique avec les caractéristiques de l'échantillon.

2^o Les variations de précision de l'ajustement lorsque l'on tient compte de l'une ou de l'autre de ces caractéristiques en établissant plusieurs formules au lieu d'une seule.

Nous étudierons successivement les influences :

du sexe,
de la race,
de l'âge et du format,
de l'état musculaire des animaux.

Ces études porteront sur certains échantillons ou sous-échantillons ci-dessus permettant de réaliser l'une ou l'autre de ces comparaisons ; ces échantillons ou sous-échantillons ont été choisis de façon que les autres incidences étudiées ou les conditions expérimentales du contrôle puissent être considérées comme égales, en moyenne.

Influence du sexe

Nous avons comparé (tabl. 7) les valeurs des coefficients de régression partiels du poids vif sur le tour de poitrine (*a*) et sur le tour spiral (*b*) pour les échantillons de mâles et femelles :

1^o d'animaux adultes des 3 races contrôlées au Concours général agricole de Paris (E₁ à E₆) ;

TABLEAU 7

Comparaison des coefficients de régression partiels suivant le sexe

$$\hat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$$

Type	N° échantil.	Coefficient et sexe considérés		Mâles		Femelles		Différence	
				<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>b</i>
Adultes	E ₁ — E ₄			5,318	3,624	3,860	4,686	+ 4,458	— 1,062
	E ₂ — E ₅			4,830	4,577	3,263	4,904	+ 1,567	— 0,327
	E ₃ — E ₆			6,976	3,465	4,804	3,324	+ 2,172	+ 0,141
Jeunes	E ₁₀ — E ₁₃			4,113	4,212	4,625	0,206	— 0,512	+ 4,006
	E ₁₁ — E ₁₄			4,043	0,376	3,365	0,685	+ 0,678	— 0,309
	E ₁₂ — E ₁₅			3,320	2,558	2,450	3,106	+ 0,870	— 0,548
	E ₁₀ — E ₁₁ (100 — 200).....			2,56	0,37	2,05	0,71	+ 0,51	— 0,34
	E ₁₀ — E ₁₁ (200 — 300).....			2,74	0,44	2,52	0,62	+ 0,22	— 0,18
	E ₁₀ — E ₁₁ (300 — 400).....			1,86	0,50	2,80	0,11	— 0,94	+ 0,39

- 2° de jeunes en croissance des races *Charolaise*, *Limousine* et *Normande* ;
- 3° dans le cas de la race *Limousine*, en séparant les veaux en 3 sous-échantillons :
 - veaux de 100 à 199 kg ;
 - veaux de 200 à 299 kg ;
 - veaux de 300 à 399 kg.

Ces échantillons d'animaux mâles et femelles étaient, en outre, sensiblement comparables 2 à 2 du point de vue de l'âge moyen des animaux et de leur état d'engraissement, sauf en ce qui concerne les animaux de concours : l'âge moyen des femelles étant, dans ce cas, supérieur à celui des mâles.

GRAPHIQUE 5. — Variations de a et b suivant les échantillons

$$\hat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$$

■ Poids de carcasse			
P : <i>Pie Rouge</i>			
B : <i>Brune des Alpes</i>			
F : <i>Frisonne Pie Noire</i>	Mâles.....	○	●
N : <i>Normande</i>	Femelles.....	△	▲
S : <i>Salers</i>			
C : <i>Charolaise</i>			
L : <i>Limousine</i>			

D'une façon générale, il ressort que les valeurs de *a* sont souvent supérieures pour les échantillons de mâles et inférieures pour les échantillons de femelles à celles trouvées pour *b*.

Influence de la race

En ce qui concerne l'influence de la race nous avons représenté graphiquement les variations conjointes de *a* et *b* suivant les échantillons (graph. 5). Il ressort

de l'examen grossier de ce graphique qu'à part deux exceptions (E_{10} et E_{21} : troupeaux expérimentaux) et à l'intérieur des 3 groupes d'échantillons :

jeunes en croissance (tous sexes) ;
adultes (femelles) ;
adultes (mâles).

les races se situent en 2 catégories :

— races laitières de plaine : *Normande* et *Pie Noire* à rapport a/b faible ;
— races laitières de montagne ou races à viande et rustiques : *Pie Rouge*, *Brune*, *Salers*, *Limousine* et *Charolaise* à rapport a/b élevé.

La croissance du poids est donc dans ce dernier cas plus grande par rapport au tour de poitrine que par rapport au tour spiral, l'autre mesure étant considérée comme constante. C'est le contraire pour le groupe de nos 2 grandes races laitières de plaine. Ce fait est à rapprocher des différences de précision enregistrées ci-dessus, entre les races, suivant que l'on utilise le tour de poitrine ou le tour spiral : ce dernier est plus efficace dans le cas des races *Normande* et *Pie Noire*.

Il est intéressant de savoir dans quelle mesure l'emploi d'une formule par race améliore l'estimation du poids obtenue par une équation générale ne tenant pas compte de la race. Cette comparaison a été effectuée dans le cas particulier des échan-

TABLEAU 8

Variation de la précision statistique des ajustements linéaires
(Différence des écarts-types résiduels en kg)

A — Une formule par race								
Vaches (E_1, E_2, E_3)			Taureaux (E_4, E_5, E_6)					
X_1	X_2	X_1, X_2	X_1^*	X_1^{**}	X_2^*	X_2^{**}	X_1, X_2^*	X_1, X_2^{**}
2,84	0,71	2,43	7,50	7,98	2,76	4,99	2,52	2,73

B — Une formule par classe de poids (taureaux E_4, E_5, E_6)

	Une formule par race	Une formule générale
X_1	3,70	3,22
X_2	6,31	7,08
X_1, X_2	4,96	5,17

* Une formule générale quel que soit le poids

** Une formule par classe de poids

tillons ci-dessus (E_1 à E_6). L'écart-type des ajustements ($Y - \hat{Y}$) est calculé globalement pour les 3 races en cause : successivement pour les vaches et les taureaux et en séparant, dans ce dernier cas, les animaux en classes de poids. L'amélioration obtenue dans ce cas particulier, est de l'ordre de 2 à 3 kg ; (tabl. 8 A).

Influence de l'âge et du format

Le fait que les liaisons étudiées entre Y , X_1 et X_2 ne soient pas absolument linéaires, surtout pour les animaux en cours de croissance, peut s'expliquer si les coefficients de régression étudiés varient, pour un même type d'animal, avec le format et surtout avec l'âge.

Ces variations ont été précisées sur quelques exemples :

a) d'une façon analytique en constituant à l'intérieur de certains échantillons des sous-groupes où les animaux sont répartis par classes de poids :

échantillons E_4 à E_6 (taureaux adultes) ;
échantillons E_{17} et E_{13} .

b) globalement, en comparant des échantillons de vaches et de génisses de la même race contrôlées simultanément dans les mêmes fermes et par les mêmes opérateurs :

Race <i>Pie Noire</i>	E_{17} et E_{22} ;
Race <i>Limousine</i>	E_{13} et E_{23} ;
Race <i>Salers</i>	E_{18} et E_{24} ;
Race <i>Brune des Alpes</i>	E_{16} et E_{19} .

Les coefficients de régression partiels a et b sont rassemblés sur le tableau 9 en vue des comparaisons analytiques et globales précisées ci-dessus.

Bien que les résultats ne soient pas systématiques, on enregistre en général, un accroissement des valeurs de a et b avec l'âge et le poids moyen des échantillons cette conclusion est surtout valable pour le tour de poitrine.

Dans le cas des échantillons E_4 à E_6 , l'établissement des 2 équations de régression linéaires par classe de poids, au lieu d'une seule, réduit l'écart-type des erreurs intra-races de :

+ 3,70 kg pour X_1 ;
+ 6,31 kg pour X_2 (tabl. 8 B).

Quant à l'équation de régression à 2 variables, sa précision est améliorée, dans les mêmes conditions, de + 4,96 kg. Ces chiffres correspondent à une réduction de la variance des erreurs sensiblement supérieure à celle que l'on obtiendrait sur les mêmes échantillons en établissant une formule par race au lieu d'une formule générale.

Pour les échantillons 12 et 13, l'établissement de 3 équations de régression linéaire à 2 variables (X_1 , X_2) par classe de poids au lieu d'une seule, permet d'abaisser l'erreur résiduelle de 17,28 kg à 10,50 kg pour E_{12} et de 14,50 à 9,95 kg pour E_{13} .

TABLEAU 9

Comparaison des coefficients de régression a et b par classe de poids

$$\hat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$$

Comparaisons analytiques							
Échantillons E ₄ à E ₆ (taureaux)							
N° échantillon	Race	a		b		Différences × (− 800 + 800)	
		− 800 kg	+ 800 kg	− 800 kg	+ 800 kg	a	b
E ₄	Normande	2,36	5,16	5,36	3,73	− 2,80	+ 1,63
E ₃	Pie Noire	4,71	4,79	2,33	4,39	− 0,08	− 2,06
E ₆	Pie Rouge	3,52	7,50	3,29	2,57	− 2,98	+ 0,72

Échantillons E₁₂ et E₁₃ (veaux de moins d'un an)

N° échant.	Race	I		II		III		Diff. I — II		Diff. II — III	
		100-200 kg		200-300 kg		300-400 kg					
		a	b	a	b	a	b	a	b	a	b
E ₁₂	Limous. (♂)	2,56	0,37	2,74	0,44	1,86	0,50	− 0,18	− 0,07	+ 0,88	− 0,06
E ₁₃	Limous. (♀)	2,05	0,71	2,52	0,62	2,80	0,11	− 0,47	+ 0,09	− 0,28	+ 0,51

Comparaisons globales

N° échant.	Race	a		b		Différence	
		Jeunes	Adultes	Jeunes	Adultes	a	b
E ₁₇ — E ₂₂	Pie Noire	3,01	3,51	1,74	3,84	− 0,50	− 2,10
E ₁₃ — E ₂₃	Limousine	3,37	4,10	0,69	2,53	− 0,73	− 1,84
E ₁₈ — E ₂₄	Salers	5,76	4,93	0,58	3,19	+ 0,83	− 2,61
E ₁₆ — E ₁₉	Brune	2,02	5,33	3,47	2,66	− 3,31	+ 0,81

Cette précision est supérieure à celle que l'on obtenait avec la meilleure équation de régression de la forme :

$$\hat{Y} = aX_1^n + bX_2^{n'} + c$$

établie pour l'ensemble de chaque échantillon (13,19 kg pour E₁₂ et 11,39 kg pour E₁₃).

Influence de l'état de l'animal

L'étude de ce facteur a porté sur les échantillons E₇ et E₈ constitués de vaches Normandes et Pie Noires de réforme dont la qualité commerciale, très variable, était contrôlée par un expert à l'abattoir ; les animaux étaient répartis en 4 classes

de qualité suivant le barème en usage pour ce type de bovin sur le marché de Paris.

Nous avons rassemblé sur le tableau 10 les valeurs des coefficients de régression de Y sur X_1 (a) et de Y sur X_2 (b) pour chacun de ces échantillons. On observe que ces coefficients varient dans le même sens que la qualité commerciale des animaux, surtout dans le cas du tour de poitrine.

TABLEAU 10
Variation des coefficients de régression avec la qualité commerciale

N° échantillon	E ₇		E ₈	
	Normande		Pie Noire	
	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a</i>	<i>b</i>
Qualité {	1 bonne	3,40	3,87	2,67
	2	3,25	2,52	2,02
	3	2,91	2,78	2,56
	4 mauvais	1,68	0,30	1,14
Total	3,29	2,90	3,79	2,89

PRÉCISION DE L'AJUSTEMENT. IMPORTANCE DES ERREURS DE MESURE

Nous envisagerons, à la lumière des résultats ci-dessus :

- 1° la précision brute de l'ajustement linéaire à 2 variables ;
- 2° l'incidence des erreurs de mesure sur cette précision.

Précision de l'ajustement

Après avoir étudié analytiquement les méthodes d'estimation du poids à partir des mesures, il est intéressant de comparer globalement la précision des meilleures estimations retenues pour chacun des échantillons étudiés. Cette comparaison est difficile en raison des écarts d'âge, de format moyen, et de variabilité de ces échantillons. Pour en tenir compte nous avons représenté graphiquement l'écart-type des erreurs en fonction du poids moyen ($\bar{Y}$) (graph. 6) et de l'écart-type de ce poids (σ_y) (graph. 7) sans toutefois tenir compte de l'âge.

Il ressort de ces graphiques que l'erreur exprimée par l'écart-type des différences ($Y - \hat{Y}$) est sensiblement une fonction linéaire du poids moyen des échantillons.

Cet écart-type est d'environ :

- 35 kg pour les échantillons de taureaux (1 000 kg) ;
- 25 kg pour les échantillons de vaches (600 kg) ;
- 18 kg pour les échantillons jeunes de 1 à 2 ans (400 kg) ;
- 14 kg pour les échantillons de veaux de moins d'un an (200 kg).

GRAPHIQUE 6. — Liaison entre la précision de l'ajustement $\hat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$ et le poids moyen des échantillons ($\bar{Y}$)

	Jeunes	Adultes
Mâles.....	○	●
Femelles.....	△	▲
■ Poids de carcasse

GRAPHIQUE 7. — Liaison entre la précision de l'ajustement $\hat{Y} = aX_1 + bX_2 + c$ et l'écart-type des poids des échantillons (σ_y)

	Jeunes	Adultes
Mâles.....	○	●
Femelles.....	△	▲
■ Poids de carcasse		

L'écart-type des erreurs semble, par contre, dépendre peu de l'écart-type des échantillons étudiés si l'on divise ces derniers en 2 groupes :

— échantillons de bovins adultes ;

— échantillons de bovins en croissance, à l'exception des échantillons d'animaux contrôlés à l'abattoir (E_7 à E_9). La précision de l'ajustement apparaît meilleure dans le cas de bovins en croissance du fait de la grande variabilité de poids de ces échantillons.

Analyse des erreurs d'ajustement

Les erreurs d'ajustement calculées ci-dessus dépendent en fait, de 3 sources d'erreurs :

ajustement proprement dit ;
imprécision de la pesée ;
imprécision de la prise des mensurations.

Nous pouvons exprimer leur incidence sur l'écart-type des différences $Y - \widehat{Y}$ en posant :

$$Y = y + \varepsilon_0 ;$$

$$X_1 = x_1 + \varepsilon_1 ;$$

$$X_2 = x_2 + \varepsilon_2 ;$$

Y , X_1 , X_2 étant les poids et mensurations contrôlés ; y , x_1 , x_2 étant les poids et mesures réels de l'animal ; ε_0 , ε_1 , ε_2 étant les erreurs de mesure.

$$\begin{aligned} Y - \widehat{Y} &= Y - aX_1 - bX_2 - c \\ &= y - ax_1 - bx_2 - c + \varepsilon_0 - a\varepsilon_1 - b\varepsilon_2 ; \\ D &= y - ax_1 - bx_2 - c, + \varepsilon_0 \text{ et } -a\varepsilon_1 - b\varepsilon_2 \end{aligned}$$

représentent l'incidence des 3 erreurs ci-dessus sur la différence $Y - \widehat{Y}$.

La variance des différences ($Y - \widehat{Y}$) peut être exprimée théoriquement :

$$\sigma^2_{(Y - \widehat{Y})} = \sigma_D^2 + \sigma_{\varepsilon_0}^2 + a^2\sigma_{\varepsilon_1}^2 + b^2\sigma_{\varepsilon_2}^2$$

en supposant que les erreurs sur les mesures et sur les poids sont indépendantes entre elles et indépendantes de l'erreur réelle d'ajustement :

$$\sigma_D^2, \sigma_{\varepsilon_0}^2 \text{ et } a^2\sigma_{\varepsilon_1}^2 + b^2\sigma_{\varepsilon_2}^2$$

représentent la variance du poids due respectivement aux erreurs d'ajustement proprement dites, aux erreurs de pesée et aux erreurs de mesure.

Estimation de $\sigma_{\varepsilon_1}^2$ et $\sigma_{\varepsilon_2}^2$.

Les valeurs de $\sigma_{\varepsilon_i}^2$ ont été estimées dans une étude sommaire de répétabilité portant sur 24 vaches *Normandes* V_i ($i = 1 \dots 24$) mesurées successivement par 2 opérateurs O_j ($j = 1, 2$) à l'aide de 2 types de rubans métriques :

un ruban en toile (R_1) ;

un ruban en courroie caoutchoutée (R_2).

Dans le cas du tour de poitrine (X_1), on a effectué 2 répétitions par opérateur et par animal ; pour le tour spiral (X_2), par contre, on a tenu compte des différences pouvant intervenir d'un côté à un autre G_l ($l = 1, 2$) suivant que la mesure est prise :

- $l = 1$, du sternum à l'épaule droite et à la hanche gauche ;
- $l = 2$, du sternum à l'épaule gauche et à la hanche droite.

Ces différences peuvent être liées notamment à la dissymétrie de position des organes internes des bovins.

Dans ce but les opérateurs travaillaient simultanément, l'animal étant mesuré 2 fois pour chacune des 4 positions définies sur le graphique 8.

GRAPHIQUE 8. — Schéma des 4 positions prises par 2 opérateurs (O) pour la mesure du tour spiral (X_2) sur un bovin

Les modèles théoriques correspondant à ces schémas peuvent s'exprimer :

$$X_1 = \mu + v_i + o_j + (ov)_{ij} + \varepsilon_{ijn},$$

$$X_2 = \mu + v_i + o_j + c_l + (ov)_{ij} + (vc)_{il} + (oc)_{jl} + \varepsilon_{ijln}.$$

Les diverses variables constituant ces modèles (μ excepté) étant considérées comme des variables aléatoires, nous avons estimé pour chacune d'elles leurs variances :

$$\sigma_v^2, \sigma_o^2, \sigma_{ov}^2, \sigma_c^2, \sigma_{vc}^2, \sigma_{oc}^2.$$

Le tableau II représente ces variances en p. 100 de la variance totale :

$$\sigma^2 = \sigma_v^2 + \sigma_o^2 + \sigma_c^2 + \sigma_{vo}^2 + \sigma_{vc}^2 + \sigma_{oc}^2 + \sigma_\varepsilon^2$$

$$\sigma_v'^2 = \frac{\sigma_v^2}{\sigma^2}; \sigma_o'^2 = \frac{\sigma_o^2}{\sigma^2} \text{ etc.}$$

L'analyse de ces résultats fournit un certain nombre de conclusions :

— la mesure du tour de poitrine est plus précise que celle du tour spiral, ce qui justifie la technique opératoire adoptée : répétition de cette dernière mesure.

L'incidence de ces erreurs de mesure sur l'erreur globale ($\sigma_Y - \hat{Y}$) peut être estimée sur les échantillons de femelles adultes analogues à celui sur lequel a porté cette étude de répétabilité.

Avec $a = 4,5$; $b = 3,5$; $\sigma_{\varepsilon_1} = 1,2$; $\sigma_{\varepsilon_2} = 1,6$;

$$\sqrt{a^2\sigma_1^2 + b^2\sigma_2^2} = 7,78 \text{ kg.}$$

TABLEAU II

Composants de la variance
(en % de la variance totale)

X_i		X_1		X_2	
Ruban		R_1	R_2	R_1	R_2
$\sigma^{2'}$	$\sigma^{2'}_v$	96,6	97,2	88,9	92,4
	$\sigma^{2'}_o$	0,3	0,6	3,6	2,3
	$\sigma^{2'}_c$			0,1	0,8
	$\sigma^{2'}_{vo}$	0,0	0,0	1,2	0,5
	$\sigma^{2'}_{vc}$			3,3	1,2
	$\sigma^{2'}_{oc}$			0,5	0,2
	$\sigma_{\varepsilon}^{2'}$	3,11	1,8	2,5	2,6
	σ_{ε} (cm)	1,60	1,20	1,55	1,61

TABLEAU I2

Erreur d'estimation du poids vif par les mensurations

Source d'erreur \ Critère	Variance (σ^2)	Écart-type (kg)	Variance en % de la variance totale
Erreur totale.....	841	29	100,0
Erreur de pesée.....	144	12	17,1
Erreur de mensuration...	61	7,8	9,3
Erreur d'ajustement proprement dite	636	25,2	73,6
Erreur d'ajustement + erreur de mensuration.	697	26,5	82,9

Si avec les divers auteurs qui ont étudié la précision de la pesée, on estime à 2 p. 100 du poids vif, l'erreur de pesée, lorsque cette dernière est effectuée à des heures variables du jour (LUSH et COPELAND, 1930), on a pour une vache de 600 kg :

$$\sigma_{\varepsilon_0} = 12 \text{ kg}, \quad \sigma_{\varepsilon_0}^2 = 144 \text{ kg}.$$

L'erreur globale moyenne pour des échantillons de femelles adultes ($\sigma_Y - \hat{Y}$) = 29 kg) peut donc être répartie en valeur absolue et relative (tabl. 12).

La variance des erreurs dépend donc, pour les 3/4 des erreurs d'ajustement, pour 1/4 seulement de l'incidence des erreurs de mesure ou de pesée.

Intérêt comparatif des estimations directe et indirecte du poids

En retenant les chiffres du tableau 12, il apparaît que l'écart-type des erreurs d'estimation du poids est environ 2 fois plus élevé dans le cas d'une mesure indirecte : (26,5 kg contre 12 kg) que dans le cas d'une mesure directe à heures variables. Le rapport serait de 1 à 4 dans le cas de pesées effectuées à heures fixes.

Si on considère que les objectifs du contrôle d'aptitude sont, bien souvent, d'estimer des valeurs moyennes, par ferme, par régime alimentaire, par type génétique, plus que des valeurs individuelles, on est conduit à comparer la valeur relative des méthodes d'estimation directe et indirecte pour estimer les poids moyens de lots d'animaux. On peut notamment se demander s'il n'est pas plus précis et moins onéreux d'utiliser une estimation indirecte sur un nombre élevé d'animaux (erreur de mesure élevée mais erreur d'échantillonnage moins importante). Si nous caractérisons par σ_p^2 la variance du poids d'un lot d'animaux, $\sigma_{\varepsilon_0}^2$ et σ_{ε}^2 les erreurs d'estimation directe et indirecte (voir ci-dessus), n_1 et n_2 les effectifs d'animaux des lots soumis à la pesée et à la barymétrie, une précision équivalente d'estimation du poids moyen sera obtenue si n_1 et n_2 sont tels que :

$$\frac{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon_0}^2}{n_1} = \frac{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon}^2}{n_2}$$

c'est-à-dire si

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon_0}^2}{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon}^2}.$$

Une comparaison plus réaliste de l'efficacité des 2 méthodes de détermination du poids pourrait être effectuée si on pouvait exprimer en unités économiques, d'une part la précision, d'autre part les difficultés d'utilisation de l'un et de l'autre système. Une telle étude est possible si on applique le contrôle du poids à la sélection des taureaux sur le poids de leurs produits à un âge de référence (contrôle de descendance).

La précision de la méthode modifie l'erreur d'estimation du phénotype moyen des descendants (P) d'un taureau, elle intervient donc sur la précision de connaissance du génotype de ce dernier (G) et sur le progrès génétique attendu par animal et par génération (ΔG) :

$$\Delta G = \bar{i} R_{pg} \sigma_g$$

$\bar{i}$: sélection différentielle ;

σ_g : écart-type génétique ;

R_{pg} : coefficient de corrélation génotype-estimation du génotype.

Les difficultés de détermination du poids s'expriment par le coût du contrôle : on peut considérer ce dernier (F) comme proportionnel, dans un essai de testage, à l'effectif d'animaux contrôlés par taureau (n) et au nombre de taureaux (v).

$$F = K nv ;$$

K = coût unitaire du contrôle.

Pour obtenir dans un testage portant sur un même lot de taureaux des valeurs équivalentes du progrès génétique après estimation directe (ΔG_1) ou indirecte (ΔG_2) du poids, les effectifs (n_1 et n_2) des lots de testage correspondants sont tels que :

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon_0}^2 - 0,25 \sigma_g^2}{\sigma_p^2 + \sigma_{\varepsilon}^2 - 0,25 \sigma_g^2},$$

cette expression est identique à la précédente, la variance phénotypique étant remplacée par la variance intra-taureau :

$$2 (\sigma_p^2 - 0,25 \sigma_g^2).$$

D'après les valeurs de $\sigma_{\varepsilon_0}^2$ et σ_{ε}^2 obtenues ci-dessus et en posant $\sigma_p^2 = 4\,900$ (chiffre moyen correspondant aux échantillons de femelles adultes de cette étude) on obtient $\frac{n_1}{n_2} = 0,90$ pour des valeurs du coefficient d'héritabilité ($h^2 = \frac{\sigma_g^2}{\sigma_p^2}$) très variables.

Les rapports des frais de testage correspondant aux 2 systèmes mis en comparaison sont :

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{K_1 n_1}{K_2 n_2}.$$

Ces frais seront égaux si :

$$K_2 = 0,90 K_1$$

c'est-à-dire si le coût unitaire d'application de la barymétrie est inférieur de 10 p. 100 au coût de la pesée. Les valeurs relatives de ces coûts sont en fait variables en pratique suivant de nombreux facteurs et notamment :

- l'effectif d'animaux contrôlés par ferme ;
- la répartition dans le temps et dans l'espace des contrôles ;
- le mode d'élevage des animaux : en liberté ou en stabulation entravée.

IV. — DISCUSSION

Nous discuterons successivement les 4 points abordés dans cette étude à la lumière des données bibliographiques récentes et de la synthèse des travaux plus anciens présentés par JOHANSSON et HILDEMAN (1954).

Choix des mesures

L'intérêt du tour de poitrine (X_1) et du tour spiral (X_2) pour prédire le poids ressort de notre étude. La plupart des auteurs qui se sont intéressés à la barymétrie ont effectivement choisi le tour de poitrine comme critère essentiel d'estimation du

poids, le tour spiral étant néanmoins retenu par certains : MARCQ et LAHAYE (1935).

Le fait que le tour spiral fournisse un ajustement moins précis que le tour de poitrine pour les jeunes et plus précis au contraire pour les adultes peut recevoir 2 interprétations différentes :

— L'erreur de mesure du tour spiral est proportionnellement élevée pour les jeunes par rapport à celle du tour de poitrine ; nous avons effectivement pu vérifier que le rapport de la variance relative (coefficient de corrélation intra-classe) des erreurs de mesure du tour spiral sur la variance des erreurs de mesure du tour de poitrine était de 2 à 3 fois plus élevée chez les jeunes veaux de moins d'un an que chez les vaches adultes (ROUVIER, données non publiées). On conçoit, en effet, que si le tour de poitrine est aussi commode à réaliser sur les bovins quel que soit leur âge, la mesure précise du tour spiral exige une immobilité des animaux et une rigidité corporelle que ne possèdent pas les jeunes animaux ;

— Bien qu'il ne nous soit pas possible de fournir une justification objective de cet argument, il est possible que le tour spiral rende mieux compte que le tour de poitrine de l'importance de parties corporelles dont le développement est plus tardif : allongement du corps, masses musculaires postérieures notamment. C'est peut-être également en faisant appel à des différences de variabilité morphologique entre les 2 races laitières du nord de la France (*Pie Noire* et *Normande*) d'une part, et les races de semi-montagne du Centre et de l'Est (*Pie Rouge*, *Salers*, *Limousine*, *Charolaise*) d'autre part, qu'on pourrait interpréter l'intérêt plus grand du tour spiral dans le premier groupe.

Quoi qu'il en soit, si on excepte les veaux de moins d'un an (E_{10} à E_{13}), l'emploi des 2 mesures retenues (tour de poitrine et tour spiral) dans une équation à 2 variables apporte un accroissement notable de précision par rapport à chacun des deux ajustements simples (tour de poitrine ou tour spiral) ; cela est contraire à l'opinion de STEENSBERG (1925), HANSSON (1926), HVIDSTEN (1940), JOHANSSON et HILDEMAN (1954) qui indiquent que le poids vif n'est pas estimé avec plus de précision par plusieurs mesures incluant le tour de poitrine que par le tour de poitrine seul. A l'inverse, beaucoup de chercheurs ont cru bon d'associer au tour de poitrine une mesure complémentaire qui est, généralement, la longueur totale : MARCQ et *all.* (1953), ROSS (1958), SZCZEKIN KROTOW (1961), BURT (1957) ou le tour ventral BURT (1957). Ces mesures rendent alors compte soit de l'allongement du corps, soit de l'importance du ventre. Il reste que l'intérêt d'adjoindre au tour de poitrine une deuxième mesure est aussi fonction des difficultés de réalisation : cette remarque est importante dans le cas du tour spiral.

L'adjonction d'une troisième mesure au tour de poitrine et au tour spiral dans une équation à trois variables n'est efficace, quoique très légèrement, qu'avec la largeur de poitrine (X_8) : l'emploi d'ajustements à trois variables est d'ailleurs rarement retenu : BURT (1957).

Recherche d'un type d'ajustement

Les formules proposées par les divers auteurs tiennent toutes compte du fait que, la signification géométrique du poids (volume) et des mensurations (longueur) étant différente, leurs variations simultanées ne peuvent s'exprimer par une relation linéaire ; BRODY (1945).

Les solutions adoptées par les auteurs peuvent être classées sous 3 rubriques :

- 1° ajustements linéaires à partir des valeurs logarithmiques ;
- 2° ajustements linéaires à partir des puissances entières des mesures ;
- 3° ajustements linéaires par catégorie d'animaux, mais pour des lots d'âge homogène.

Ajustements linéaires à partir des valeurs logarithmiques des mesures.

A la suite de DAVIS et *all.* (1937), HVIDSTEN (1940), AURIOL et DUPLAN (1960), BAGOT (1956) ont utilisé cet ajustement à partir du tour de poitrine ; le coefficient trouvé pour n dans l'équation :

$$Y = a \cdot X_1^n.$$

était dans tous les cas égal ou légèrement inférieur à 3. Si cet ajustement présente l'intérêt d'exprimer la relation : poids vif-masse corporelle pour des populations bovines d'âges disparates, il n'élimine pas pourtant la curvilinearité des liaisons et l'incidence sous-jacente de l'âge ; BROOKES et HARRINGTON (1960). STEENSBERG et OSTERGAARD (1945), BURT (1957) proposent d'ailleurs de tenir compte de l'âge dans une équation de régression de la forme : $Y = a X_1^n A^m$.

Ajustements linéaires à partir des puissances des mensurations.

Cette méthode est utilisée notamment par HVIDSTEN (1940) qui propose une expression du type : $\hat{Y} = aX_1 + bX_1^3$. JOHANSSON et HILDEMAN (1954) de leur côté déterminent sur jeunes bovins une équation de la forme :

$$\hat{Y} = aX_1^2 + bX_1 + c.$$

On peut rattacher à cette méthode, l'expression préconisée par BURT (1957) à partir de la longueur du corps (X_5) du tour de poitrine (X_1) et du tour ventral (X_{11}) :

$$\hat{Y} = aX_5(X_1^2 + X_{11}^2 + X_1X_{11}) + b.$$

Dans ce type d'ajustement, les auteurs incluent un terme constant qui ne figure pas dans l'ajustement précédent où la courbe obtenue doit passer par le point de coordonnées ou soit considèrent en les additionnant, des termes comportant les puissances entières de une ou plusieurs variables.

L'expression que nous avons retenue personnellement à la suite d'études antérieures :

$$\hat{Y} = aX_1^n + bX_2^{n'} + c(0 \leq n, n' \leq 3)$$

permet d'obtenir pour n et n' des valeurs voisines de celles fournies par l'ajustement linéaire sur les valeurs logarithmiques :

L'intérêt d'un tel ajustement, à partir de puissances des mesures supérieures à 1 et par rapport à l'ajustement linéaire simple n'est sensible que pour des échantillons d'animaux en période de croissance et d'âges très variés.

Ajustements linéaires simples par catégorie d'animaux.

L'imprécision des ajustements ci-dessus tenant pourtant compte de la curvilinearité des liaisons a conduit certains auteurs à comparer la précision qu'ils four-

nissent à celle que l'on obtiendrait par une succession de régressions linéaires établies par classe de valeurs des mesures ou du poids.

HVIDSTEN (1940) trouve à ce sujet qu'un ensemble de 2 droites de régression établies pour 2 classes d'animaux d'après les valeurs du tour de poitrine donne de meilleurs résultats que les ajustements curvilinéaires sur les puissances de X_1 ; JOHANSSON et HILDEMAN (1954), de leur côté, optent pour une série de droites de régression, par classe d'âge, de préférence à une régression curvilinéaire établie sur un échantillon d'âges variés.

C'est un résultat équivalent que nous obtenons dans notre travail sur les échantillons E_4 à E_6 notamment, pour lesquels l'établissement de 2 droites de régression par échantillon dans le premier cas, suivant la valeur du poids, fournit des ajustements meilleurs que l'équation du type :

$$\widehat{Y} = aX_1'' + bX_2'' + c,$$

établie sur l'ensemble de chaque échantillon.

On est ainsi conduit à étudier d'une façon plus analytique le sens des variations du poids en fonction des mensurations et plus particulièrement du tour de poitrine suivant les divers facteurs nutritionnels, génétiques qui peuvent intervenir sur cette relation.

Facteurs de variation de l'ajustement

Influence de l'âge.

Nous avons vu ci-dessus que cette influence a été prise en considération par certains auteurs, soit lorsque l'âge est inclus dans la formule barymétrique, STEENBERG et OSTERGAARD (1945), soit indirectement lorsque l'on établit des équations de régression par classe de valeurs du poids ou d'une mesure.

DAVIS et *all.* (1937) indiquent que cette influence est fondamentale : l'écart-type des erreurs est réduit de moitié quand on établit des équations curvilinéaires par classe d'âge au lieu d'une équation générale. Pour JOHANSSON et HILDEMAN (1954), le coefficient de régression du poids sur le tour de poitrine augmente avec l'âge jusqu'au vèlage (intra-race et classe d'état musculaire). Par contre, pour des femelles adultes, ces auteurs n'observent pas de différence entre les valeurs de ce coefficient, intra-classes d'âge et entre classes, pour 2 races suédoises. MOUGIN et AURIOL (1960) obtiennent de leur côté des coefficients de régression voisins pour des vaches *Pie Rouge* réparties en 2 classes d'âge.

BERGE (1953), par contre, établit une table de correspondance : poids, tour de poitrine en répartissant ses animaux en 3 classes d'après leur dentition. Pour BURT (1957), sur des vaches également, l'adjonction de l'âge au tour de poitrine entraîne une diminution significative mais faible de (12 à 21 p. 100) de la variance résiduelle. Cet avis semble partagé par STEENBERG et OSTERGAARD (1945).

Influence du sexe.

Cette influence est en fait difficilement séparable d'autres incidences, nutritionnelles en particulier : les mâles et les femelles n'étant pas entretenus de façon similaire. JOHANSSON et HILDEMAN (1954) trouvent des coefficients de régression du poids

vif sur le tour de poitrine plus élevés pour les mâles. Dans notre étude, l'incidence apparemment plus importante du tour de poitrine par rapport au tour spiral chez les mâles pour prédire le poids, peut s'interpréter par une différence relative d'allométrie du poids par rapport à ces 2 mesures entre les mâles et les femelles. Nous pensons surtout que ceci doit être lié au meilleur état musculaire des échantillons de bovins mâles ; cette situation se caractérise, comme nous l'avons vu (tabl. II) par un coefficient de régression partiel du poids sur le tour de poitrine proportionnellement plus élevé et inversement.

Influence de la race.

Les variations d'origine génétique (race, génotype) de la relation poids-tour de poitrine ne paraissent pas notables entre des races de types différents, BROOKES et HARRINGTON (1960), JOHANSSON et HILDEMAN (1954), *a fortiori* entre descendance de taureaux, JOHANSSON et HILDEMAN (1954).

Influence de l'état musculaire.

L'incidence importante du niveau nutritionnel et, par voie de conséquence, de l'état des animaux sur la relation poids-tour de poitrine a été soulignée par divers auteurs. BROOKES et HARRINGTON (1960) estiment même que les variations de régime alimentaire rendent la barymétrie difficilement utilisable. L'incidence du régime alimentaire sur les relations poids-tour de poitrine a été signalée par JOHANSSON et HILDEMAN (1954), BERGE (1953), STEENBERG et OSTERGAARD (1945) notamment.

La diminution des coefficients de régression de Y/X_1 avec celle de l'état des animaux est confirmée dans notre travail ; il est toutefois intéressant de noter l'incidence plus grande des variations du tour de poitrine sur le poids pour des animaux en bon état ; cette mesure devrait donc être, semble-t-il, un critère de l'état d'engraissement des animaux meilleur que le tour spiral.

Parmi les autres influences étudiées par les auteurs, il convient de signaler l'état de gestation des animaux. Les valeurs de poids sont généralement sous-estimées en fin de gestation ; HVIDSTEN (1940), OSTERGAARD (1956). MOUGIN et AURIOL (1960) proposent d'utiliser en race *Montbéliarde* une équation de régression pour vaches gestantes et une pour les autres : le coefficient de régression du poids sur le tour de poitrine étant supérieur dans le premier cas. HVIDSTEN (1940) fait remarquer que le tour de poitrine augmente de 2 cm pendant la gestation, cette variation correspondant à une amélioration de l'état des animaux ; il ne pense pas utile, par contre, d'apporter un facteur de correction dans la mesure où on admet que le poids obtenu par ajustement fournit non le poids réel des animaux mais ce poids diminué du contenu de l'utérus.

Précision de l'estimation du poids.

La précision des ajustements obtenus à partir du tour de poitrine et du tour spiral (4 à 7 p. 100 du poids vif moyen suivant les échantillons) est identique ou inférieure d'une façon générale à celle obtenue par les divers auteurs à partir du seul tour de poitrine : 6,2 p. 100 par HANSSON (1926), 5,05 p. 100 par BRANTON et SALISBURY (1946), 4,97 p. 100 par SLAGSVOLD (1949), 6 p. 100 par JOHANSSON et HILDEMAN (1954), 6,3 à 6,5 p. 100 par HVIDSTEN (1940), 13 p. 100 par DAVIS et *all.* (1937) sur un échantillon, il est vrai, très hétérogène.

Si la précision des ajustements, exprimée en valeur absolue, augmente avec le poids moyen des échantillons, elle diminue quand on la considère en p. 100 du poids moyen de 7 p. 100 pour les veaux à 3,5 p. 100 pour les taureaux ; cela est en accord avec les résultats de JOHANSSON et HILDEMAN (1954).

Les erreurs de mesure du tour de poitrine et du tour spiral qui figurent dans notre travail (1,2 à 1,6 cm) soit environ 0,6 à 0,8 p. 100 des mesures, sont équivalentes à celles signalées jusqu'ici pour le tour de poitrine : 0,59 p. 100 par JOHANSSON et VENGE (1951), 0,8 à 0,9 p. 100 par LUSH et COPELAND (1930). En ce qui concerne le tour spiral deux faits sont à souligner :

— l'existence de différences entre opérateurs suivant que ces derniers sont placés à l'avant ou à l'arrière des animaux ;

— la présence d'une interaction animal-côté, interaction qui peut s'expliquer par une dissymétrie caractéristique de chaque animal, fonction de son état de gestation ou de l'état de réplétion de sa panse.

Ces faits conduisent à conseiller la réalisation de deux mesures par animal : une par côté, avec intervention de l'une à l'autre des opérateurs situés à l'avant et à l'arrière de l'animal.

L'analyse des erreurs d'ajustement nous conduit à des résultats sensiblement voisins de ceux rapportés par HVIDSTEN (1940) : 7,8 kg contre 8,3 kg pour l'incidence des erreurs de mesure sur les variations de $Y - \hat{Y}$, 25,2 kg contre 21,8 kg pour l'incidence des erreurs d'ajustement proprement dites.

V. CONCLUSION

Ce travail n'avait pas la prétention d'analyser dans le détail l'ensemble des problèmes posés par l'établissement de formules baryométriques chez les bovins : son seul but était de rassembler les études que nous avons réalisées depuis 10 ans en France à l'occasion de l'élaboration de ces formules pour divers organismes.

Une recherche complète sur ce point nécessiterait de connaître la croissance relative du poids et des mesures corporelles utilisées ainsi que ses facteurs de variation sur des échantillons d'animaux moins disparates que ceux que nous possédions.

Il reste que les conclusions que l'on peut tirer de ce travail et des recherches déjà entreprises sont fonction non seulement des résultats obtenus mais aussi des possibilités pratiques.

En ce qui concerne le choix des mesures, si le tour spiral fournit en général d'aussi bonnes estimations que le tour de poitrine, l'utilisation combinée de ces 2 mesures au lieu du seul tour de poitrine est d'autant plus intéressante que les animaux sont plus âgés : la mesure du tour spiral pose néanmoins des difficultés pratiques (présence d'un deuxième opérateur) parfois insurmontables.

L'ajustement linéaire est satisfaisant pour les populations d'animaux adultes. Dans le cas des jeunes en croissance l'emploi des puissances des variables améliore nettement, comme l'ont montré la plupart des auteurs, la précision des ajustements. Toutefois, dans ce cas, l'établissement de plusieurs équations linéaires, par classes de poids ou d'âge fournit en général de meilleurs résultats. Là aussi un compromis

devra être trouvé entre les inconvénients pratiques de la multiplication des formules qu'on peut traduire simplement, il est vrai, par des abaques, et la recherche d'une précision maximum.

En ce qui concerne les autres facteurs de variation des ajustements, nous avons souligné l'incidence considérable de l'état musculaire des animaux dans un échantillon très hétérogène.

Quant à l'intérêt pratique de la barymétrie, nous avons montré qu'à l'échelon de programmes de contrôle du poids en vue de la sélection sur descendance, il était plus rentable de l'utiliser si son coût unitaire était inférieur de plus de 10 p. 100 à celui d'une pesée.

Reçu pour publication en novembre 1965.

REMERCIEMENTS

Nous tenons à remercier ici les techniciens de l'I.N.R.A. et les nombreux organismes de vulgarisation administratifs ou professionnels, nationaux ou locaux, qui ont collaboré à la collecte de l'information sur laquelle porte ce travail. Nous remercions également MM. POLY et MÉRAT des conseils qu'ils nous ont donnés pour la rédaction de ce mémoire.

SUMMARY

ESTIMATION OF LIVE WEIGHT IN CATTLE. AN INVESTIGATION ON ITS POSSIBLE USES

Animals of different breeds, sexes, ages and fatness have been tested in France for ten years in order to find out formulas of live weight estimation by measurements on the account of various breeders associations.

After having shown up the interest of chest and Spiral girth in prediction of live weight, the respective reliabilities of these two measurements were compared and it was found that chest girth measurement had greater efficiency in growing cattle.

The accuracy of the various mathematical adjustments was calculated. We more particularly considered linear adjustments taking into account the square of chest girth and cube of spiral girth : the advantage of these adjustments in comparison with the linear adjustment of weight on chest and spiral girth is evident in growing animals. Age, fatness and sex strongly influence the values of regression coefficients of body measurements on weight.

The standard error of prediction calculated from the best adjustments was approximately 4 p. 100 of them. 1/4 of the variance of errors is due to a lack precision when weighing and measuring, 3/4 to actual errors of adjustments. When predicting the average weight of animals in the case of progeny test, a precision equivalent to that given by weighing can be obtained by measuring ten per cent more animals from each bull's progeny.

RÉFÉRENCES BIBLIOGRAPHIQUES

- AURIOL P., DUPLAN J. M., 1960. Recherches baryométriques sur les veaux de race *Charollaise*. *C. R. Acad. Agric.*, **46**, 938-943.
 BAGOT F. I., 1956. The relation between body dimensions and body weight in *Sinhala* cattle. *Anim. Breed. Abstr.*, **24**, 127.
 BERGE S., 1953. Chest circumference, live weight and slaughter weight in Norwegian breeds of cattle. *Anim. Breed. Abstr.*, **21**, 130.

- BRANTON C., SALISBURY G. W., 1946. The estimation of the weight of bulls from heart girth measurements. *J. Dairy Sci.*, **29**, 141-143.
- BRODY S., 1945. *Bioenergetics and growth*. Reinhold Publishing Corporation, New York. 1023 pp.
- BROOKES A. J., HARRINGTON G., 1960. Studies in beef production II. The estimation of live weight of beef steers from chest girth and other body measurements. *J. agric. Sci.*, **55**, 207-213.
- BURT A. W. A., 1957. The comparative efficiency of some methods of estimating the live weight of dairy cows. *Anim. Breed. Abstr.*, **25**, 357.
- DAVIS H. P., MORGAN R. F., BRODY S., RAGSDALE A. C., 1937. Relation of height at withers and chest girth to live weight of dairy cattle of different breeds and ages. *Res. Bull. Neb. Agric. Exper. Sta.*, **91**, 29 pp.
- DELAGE J., POLY J., VISSAC B., 1955. Étude de l'efficacité relative des diverses formules de barymétrie applicables aux bovins. *Ann. Zootech.*, **4**, 219-231.
- HANSSON A., 1926. Försök med Kreatursviktmattbandet Arax sommaren 1925. *Svenska Betes- o Vallfröen. Arsskr.*, **8**, 148-166.
- HVIDSTEN H., 1940. Beregning av vekt hos storfe ettev mal. **49 Beretn. Foringsforsok. Norg. Landbrhogsk.**, 39 pp.
- JOHANSSON I., HILDEMAN S. E., 1954. The relationship between certain body measurements and live and slaughter weight in cattle. *Anim. Breed. Abstr.*, **22**, 1-17.
- JOHANSSON I., VENGE O., 1951. Studies on the values of various morphological characters for the diagnostic of monozygosity of cattle twins. *Z. Tierz. ZüchBiol.*, **59**, 389-424.
- LE ROUILLY M., VISSAC B., POLY J., CHARLET P., 1958. Une formule de barymétrie utilisable chez les femelles de race Normande dans des conditions normales d'exploitation. *C. R. Acad. Agric.*, **44**, 508-513.
- LUSH J. L., COPELAND O. C., 1930. A study of the accuracy of measurements of dairy cattle. *J. agric. Res.*, **41**, 37-49.
- MARCO J., LAHAYE J., CORDIEZ E., 1953. **1 : Connaissances du bétail**. Librairie agricole de la Maison Rustique, Paris, 208 pp.
- MOUGIN P., AURIOL P., 1960. Établissement de formules baryométriques pour les vaches de race Montbéliarde. *C. R. Acad. Agric.*, **46**, 869-875.
- NEUVY A., 1962. Méthodes d'appréciation du poids vif des bovins par barymétrie. *Publication Union nationale des Livres généalogiques*, 16, rue Claude Bernard. Paris 5^e.
- ØSTERGAARD P. S., 1950. Undersogelser vedrørende Jerseykvaegets vægt, mal og ydelse 251, *Beretn. Forsogslab. Kbh.*, 47 pp.
- RAGSDALE A. C., BRODY S., 1935. Estimating live weights of dairy cattle. *Univ. Missouri. Coll. Agric. agric. exper. Sta. Bull.*, **354**.
- ROSS J. G., 1958. A method of estimating live weights in small *Shorthorn* zebu cattle from linear body measurements. *Anim. Breed. Abstr.*, **26**, 352.
- SLAGSVOLD P., 1949. Untregning av levendevekten hos Raukollokser på grummlag av brystormfanget. *Nord. Vet. Med.*, **1**, 564-569.
- STEENBERG V., 1925, Om Bestemmelse of Hornkvaegs Vægt ved Hjealp of Maalingen. *Nord. Jordbr-forsken.*, 289-304.
- STEENBERG V., ØSTERGAARD P., 1945. Forholdet mellen Brystomfang og vægt 216. *Beretn Forsogslab. Kbh.*, 67-89.
- SZCZEKIN - KROTOW, 1961. Contribution to the estimation of live weight in cattle in relation to constitutional type. *Anim. Breed. Abstr.*, **30**, 167.
- VISSAC B., 1959. Rapport sur des recherches françaises intéressant le testage des taureaux sur les aptitudes à la production de viande de leurs descendants. *Publication F. E. Z.*, 72-125.